

Тогда согласно (55.7) и (55.6)

$$Q = A = \frac{m}{M} RT \ln \frac{V_2}{V_1} = \frac{m}{M} RT \ln \frac{p_1}{p_2} \quad (55.8)$$

(учли закон Бойля—Мариотта (42.1)  $p_1 V_1 = p_2 V_2$ ).

Следовательно, для того чтобы при расширении газа *температура не понижалась, к газу в течение изотермического процесса необходимо подводить количество теплоты, эквивалентное внешней работе расширения.*

## § 56. Адиабатный процесс

**Адиабатный процесс** — процесс, при котором отсутствует теплообмен между системой и окружающей средой ( $dQ = 0$ ). Близким к адиабатному можно считать процесс быстрого расширения или сжатия газа, например расширение и сжатие горючей смеси в цилиндрах автомобилей.

Согласно первому началу термодинамики (53.2)  $dQ = dU + dA$ , в случае адиабатного процесса

$$dA = -dU, \quad (56.1)$$

т. е. внешняя работа совершается за счет изменения внутренней энергии системы.

Это уравнение с учетом (52.1) и (51.2) запишем в виде

$$pdV = -\frac{m}{M} C_V dT. \quad (56.2)$$

Продифференцировав уравнение Клапейрона—Менделеева  $pV = \frac{m}{M} RT$ , получим

$$pdV + V dp = \frac{m}{M} R dT.$$

Исключив из двух последних уравнений температуру, найдем

$$\frac{pdV + V dp}{pdV} = -\frac{R}{C_V} = -\frac{C_p - C_V}{C_V}$$

[учли уравнение Майера (54.9)]. Разделив переменные и учитывая, что  $\frac{C_p}{C_V} = \gamma$  [см. (54.11)], найдем

$$\frac{dp}{p} = -\gamma \frac{dV}{V}.$$

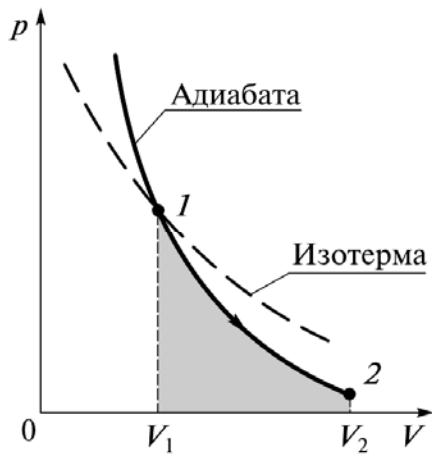


Рис. 68

Интегрируя это уравнение в пределах от  $p_1$  до  $p_2$  и соответственно от  $V_1$  до  $V_2$ , а затем потенцируя, приедем к выражению

$$\frac{p_2}{p_1} = \left( \frac{V_1}{V_2} \right)^\gamma, \text{ или } p_1 V_1^\gamma = p_2 V_2^\gamma.$$

Так как состояния 1 и 2 выбраны произвольно, можно записать

$$pV^\gamma = \text{const.} \quad (56.3)$$

Выражение (56.3) — **уравнение адиабатного процесса**, называемое также **уравнением Пуассона**.

Применяя уравнение Клапейрона—Менделеева  $pV = \frac{m}{M}RT$ , исключив давление в (56.3), приедем к формуле

$$TV^{\gamma-1} = \text{const.} \quad (56.4)$$

Это — также уравнение адиабатного процесса. График зависимости между параметрами состояния идеального газа при  $dQ = 0$  называют **адиабатой**. Адиабата в координатах  $p, V$  изображается гиперболой (рис. 68). На рисунке видно, что адиабата ( $pV^\gamma = \text{const}$ ) более крутая, чем изотерма ( $pV = \text{const}$ ). Это объясняется тем, что при адиабатном сжатии увеличение давления газа обусловлено не только уменьшением его объема, как при изотермическом сжатии, но и повышением температуры.

Вычислим работу, совершающую газом в адиабатном процессе. Запишем уравнение (56.1) в виде

$$dA = -\frac{m}{M}C_V dT.$$

Если газ адиабатно расширяется от объема  $V_1$  до  $V_2$ , то его температура уменьшается от  $T_1$  до  $T_2$  и работа расширения идеального газа

$$A = -\frac{m}{M}C_V \int_{T_1}^{T_2} dT = \frac{m}{M}C_V (T_1 - T_2) \quad (56.5)$$

и определяется площадью тонированной фигуры на рис. 68.

## Глава 9

# ВТОРОЕ НАЧАЛО ТЕРМОДИНАМИКИ

## § 57. Круговой процесс (цикл). Необратимость тепловых процессов

**Процесс**, при котором система, претерпев ряд изменений, возвращается в исходное состояние, называют **круговым**, или **циклом**.

На диаграмме  $p, V$  цикл изображается замкнутой кривой (рис. 69). Цикл, совершающийся идеальным газом, можно разбить на процессы расширения ( $1-2$ ) и сжатия ( $2-1$ ) газа. Работа расширения (определяется площадью фигуры  $1a2V_2V_11$ ) положительна ( $dV > 0$ ), работа сжатия (определяется площадью фигуры  $2b1V_1V_22$ ) отрицательна ( $dV < 0$ ). Следовательно, работа, совершаясь газом за цикл, определяется площадью, охватываемой замкнутой кривой.

Если за **цикл** совершается *положительная работа* ( $A > 0$ ) (цикл совершается по *часовой стрелке*), то его называют **прямым** (именно такой цикл изображен на рис. 69). **Цикл**, при котором совершается *отрицательная работа* ( $A < 0$ ) (цикл протекает *против часовой стрелки*), называют **обратным**.

В результате кругового процесса система возвращается в исходное состояние и, следовательно, полное изменение внутренней энергии газа равно нулю ( $\Delta U = 0$ ). Поэтому первое начало термодинамики (53.1) для кругового процесса

$$Q = \Delta U + A = A, \quad (57.1)$$

т. е. работа, совершающаяся за цикл, равна количеству полученной извне теплоты.

Однако в результате кругового процесса система может теплоту как получать, так и отдавать, поэтому

$$Q = Q_1 - Q_2, \quad (57.2)$$

где  $Q_1$  — количество теплоты, полученное системой;  
 $Q_2$  — количество теплоты, отданное системой.

**Термодинамический процесс** называется **обратимым**, если он может происходить как в прямом, так и в обратном направлении, причем если такой процесс происходит сначала в прямом, а затем в обратном направлении и система возвращается в исходное состояние, то в окружающей среде и в

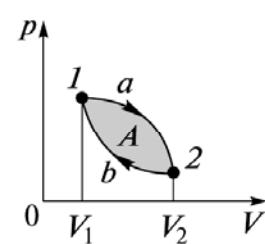


Рис. 69

этой системе не происходит никаких изменений. Любой *процесс*, не удовлетворяющий этим условиям, является *необратимым*.

*Все тепловые процессы являются необратимыми.* Теплообмен всегда происходит от горячего тела к холодному самопроизвольно, причем до тех пор, пока температуры тел не окажутся одинаковыми. Например, горячий кофе, налитый в чашку, постепенно остывает, нагревая воздух. Но теплый кофе в чашке никогда самоизвольно не закипит при охлаждении окружающего его воздуха. Следовательно, энергия всегда передается сама собой от тел с более высокой температурой к телам с более низкой температурой, т. е. *только в одном направлении*. Таким образом, *необратимые процессы* — процессы, которые могут протекать в одном, определенном направлении.

Отметим, что равновесный процесс всегда обратим. *Обратимые процессы* — это идеализация реальных процессов. В некоторых конкретных случаях термодинамические процессы приближенно можно считать обратимыми. Кроме того, все количественные выводы термодинамики применимы только к равновесным состояниям и обратимым процессам.

## § 58. Энтропия и ее статистический смысл

Для описания теплового движения, а оно качественно отличается от других видов движения беспорядочностью, хаотичностью, вводят *количественную меру степени молекулярного беспорядка — энтропию*. Термин «*энтропия*» (от греч. *entropia* — поворот, превращение) в естествознании — мера беспорядка системы, состоящей из многих элементов [впервые введена Клаузиусом (1865)].

Энтропию определяют как *функцию состояния S* термодинамической системы, приращение которой  $dS$  для бесконечно малого обратимого процесса равно отношению элементарного количества теплоты  $dQ$ , полученной системой, к термодинамической температуре  $T$  системы:

$$dS = \frac{dQ}{T}. \quad (58.1)$$

В термодинамике доказывается, что в любом *обратимом круговом процессе*

$$\oint \frac{dQ}{T} = 0, \quad (58.2)$$

следовательно, изменение энтропии для *обратимого процесса*

$$\Delta S = 0. \quad (58.3)$$